

$$p_{(2)}^2 = p_0^2 + \frac{(p_s^2 - p_0^2) \left( \sqrt{\pi \eta_{(2)}} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi}{2\sqrt{\eta_{(2)}}} \right) \right)}{\sqrt{\pi \eta_{(2)}} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi_s}{2\sqrt{\eta_{(2)}}} \right)}, \quad \xi_{(s)} < \xi < \infty,$$

$$T_{(2)} = T_0 + \frac{(T_s - T_0) \left( \sqrt{\pi} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi}{2} \right) \right)}{\sqrt{\pi} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi_{(s)}}{2} \right)}, \quad \xi_{(s)} < \xi < \infty,$$

где  $\operatorname{erf}$  – интеграл ошибок,  $\eta_{(i)} = \frac{\mathfrak{K}_{(i)}^{(p)}}{\mathfrak{K}_{(i)}^{(T)}}$ ,  $\mathfrak{K}_{(i)}^{(p)} = \frac{k p_0}{\mu_g m S_{g(i)}}$ .

На основе данных решений и условий баланса массы и тепла на фронтальной границе разложения газогидрата можно получить систему уравнений для определения авто-модельной координаты  $\xi_s$  данной границы и значения параметров  $p_s$  и  $T_s$  на ней.

$$\frac{(p_s^2 - p_e^2) \exp \left( -\frac{\xi_s^2}{4\eta_{(1)}} \right)}{\operatorname{erf} \left( \frac{\xi_s}{2\sqrt{\eta_{(1)}}} \right)} - \frac{(p_0^2 - p_s^2) \exp \left( -\frac{\xi_s^2}{4\eta_{(2)}} \right)}{\sqrt{\pi \eta_{(2)}} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi_s}{2\sqrt{\eta_{(2)}}} \right)} = K \xi_s,$$

$$\frac{(T_0 - T_s) \exp \left( -\frac{\xi_s^2}{4} \right)}{\sqrt{\pi} - \operatorname{erf} \left( \frac{\xi_s}{2} \right)} = \Delta T \xi_s.$$

где  $\Delta T = \frac{m \rho_h l \nu}{2 \rho c}$ ,  $K = m \mu_g \mathfrak{K}_{(T)}^{(T)} p_0 \left( \frac{\rho_h g}{\rho_{g(s)}} + \frac{\rho_h (1-g)}{\rho_l} - 1 \right) \frac{\nu}{k}$ .

Записанная система уравнений может быть решена следующим образом. Выражая из первого уравнения величину  $p_s$  и подставляя ее (с учетом условия фазового равновесия) во второе уравнение, получаем трансцендентное уравнение с одной неизвестной  $\xi_s$ . Решая данное уравнение, определяем величину  $\xi_s$ .

УДК 512.542

## О ФОРМАЦИИ КОНЕЧНЫХ ГРУПП С $P$ -СУБНОРМАЛЬНЫМИ ЦИКЛИЧЕСКИМИ ПРИМАРНЫМИ ПОДГРУППАМИ

**Мурашко В.И.**

Гомельский государственный университет им. Ф. Скорины, г. Гомель

Научный руководитель: Васильев А.Ф., д.ф.-м.н., доцент

Рассматриваются только конечные группы. Напомним [1], что подгруппа  $H$  группы  $G$  называется  $P$ -субнормальной, если либо  $H = G$ , либо существует цепь подгрупп  $H = H_0 \subset H_1 \subset \dots \subset H_n = G$  такая, что  $|H_i : H_{i-1}|$  является простым числом для  $i = 1, \dots, n$ .

Как следует из известной теоремы Хупперта, группа сверхразрешима тогда и только тогда, когда каждая её подгруппа  $P$ -субнормальна. В развитие этой теоремы в работах [1,2] исследовались группы с различными системами  $P$ -субнормальных подгрупп. В [1] А.Ф. Васильев, Т.И. Васильева и В.Н. Тютянов показали, что класс  $wU$  всех групп, у которых каждая силовская подгруппа  $P$ -субнормальна, является насыщенной наследственной формацией, отличной от класса  $U$  всех сверхразрешимых групп. Такие группы называются  $w$ -сверхразрешимыми. В работе [2] В.С. Монаховым и В.Н. Княгиной изучался класс  $X$  всех групп, у которых каждая циклическая примарная подгруппа  $P$ -субнормальна.

**Теорема 1** [2]. *Справедливы следующие утверждения:*

- (1) *Класс  $X$  является насыщенной наследственной формацией.*
- (2) *Группа  $G$  принадлежит  $X$  тогда и только тогда, когда она обладает силовской башней сверхразрешимого типа (дисперсивна по Оре) и каждая бипримарная подгруппа  $G$  с циклической силовской подгруппой сверхразрешима.*
- (3) *Всякая минимальная не  $X$ -группа является минимальной несверхразрешимой бипримарной группой, у которой все силовские подгруппы, не являющиеся нормальными, циклические.*

Отметим [1,2], что  $U \subset wU \subset X$ .

Так как  $X$  является насыщенной наследственной формацией, то из теоремы Гашюца, Любезедер, Шмида следует, что она локальна. Напомним определение локальной формации [3]. Пусть  $P$  – множество всех простых чисел. Функция  $f: P \rightarrow \{\text{формации}\}$  называется локальным экраном. Формация  $F$  называется локальной, если её можно задать следующим образом  $F = \langle f \rangle = (G \mid \text{если } H/K \text{ является главным фактором группы } G, \text{ то } G/C_G(H/K) \in f(p) \text{ для любого простого } p \text{ делящего } |H/K|)$ , где  $f$  – локальный экран. В этом случае говорят, что  $f$  является локальным экраном формации  $F$ .

В [1] был найден локальный экран формации  $wU$ . Однако вопрос о нахождении локального экрана формации  $X$  оставался открытым. Ответ на этот вопрос даёт теорема 2.

**Теорема 2.** *Формация  $X$  имеет локальный экран  $f$  такой, что  $f(p)$  состоит из всех тех разрешимых групп, у которых все циклические примарные подгруппы имеют экспоненту делящую  $p - 1$ .*

Обобщенным коммутантом группы  $G$  называется наименьшая нормальная подгруппа  $N$  группы  $G$  такая, что  $G/N$  имеет абелевы силовские подгруппы. В [1] было показано, что всякая  $w$ -сверхразрешимая группа имеет нильпотентный обобщенный коммутант.

**Следствие 1.** *Группа  $G$   $w$ -сверхразрешима тогда и только тогда, когда она имеет нильпотентный обобщенный коммутант и всякая её циклическая примарная подгруппа  $P$ -субнормальна.*

**Следствие 2.** *Группа  $G$  сверхразрешима тогда и только тогда, когда она имеет нильпотентный коммутант и всякая её циклическая примарная подгруппа  $P$ -субнормальна.*

Формация  $X$  не является радикальной, как показывает следующий пример. Пусть  $F$  – максимальный внутренний локальный экран формации  $X$  и  $p = 3$ . Рассмотрим  $G = \langle (1,2,3,4), (1,3) \rangle$ . Заметим, что  $G \notin F(3)$ , но содержит нормальные подгруппы  $A = \langle (1,3)(2,4), (1,3) \rangle$  и  $B = \langle (1,3)(2,4), (1,2)(3,4) \rangle$ , которые принадлежат  $F(3)$  и  $G = AB$ . То есть формация  $F(3)$  нерадикальна. Тогда по предложению 4.10 [6, с. 43] формация  $X$  не радикальна.

**Теорема 3.** *Пусть группа  $G = AB$  есть произведение своих  $P$ -субнормальных  $X$ -подгрупп  $A$  и  $B$ . Если  $(|G:A|, |G:B|) = 1$ , то  $G \in X$ .*

## Список цитированных источников

1. Васильев, А.Ф. О конечных группах сверхразрешимого типа / А.Ф. Васильев, Т.И. Васильева, В.Н. Тютянов // Сиб. мат. журн. – 2010. – Т. 51, № 6. – С. 1270-1281.
2. Monakhov, V.S. Finite groups with  $P$ -subnormal subgroups / V.S. Monakhov, V.N. Kniahina. // Ricerche di Matematica. – 2013. – Springer, DOI 10.1007/s11587-013-0153-9.
3. Шеметков, Л.А. Формации конечных групп / Л.А. Шеметков. – Москва: Наука, 1978. – 272 с.

УДК 517.948.32

## АБАГУЛЬНЕНАЕ ГІПЕРГЕАМЕТРЫЧНАЕ РАЎНАННЕ Ў АЛГЕБРЫ МАТРЫЧНЫХ ПАСЛЯДОЎНАСЦЕЙ

**Навічкова Д.А.**
*Беларускі дзяржаўны ўніверсітэт, г. Мінск  
Навуковы кіраўнік: Васільеў І.Л., к.ф.-м.н., дацэнт*

Шмат работ прысвечана вивучэнню гіпергеаметрычнай функцыі Гаўса  ${}_2F_1[a, b; c; z]$  і адпаведнага ёй гіпергеаметрычнага раўнання, напрыклад [1], а таксама іх абагульненням: абагульненай гіпергеаметрычнай функцыі  ${}_pF_q[a_1, \dots, a_p; c_1, \dots, c_q; z]$  і абагульненаму гіпергеаметрычнаму раўнанню [2].

Мэтай дадзенай работы з'яўляецца развязаць дыскрэtnы матрычны аналаг абагульненага гіпергеаметрычнага раўнання.

Няхай  $K$  – алгебра гіперпаслядоўнасцей [3] над  $\mathbb{C}$  выгляду

$$x = \sum_{k=-r}^{\infty} x_k h^k = \{ \dots, 0, \dots, 0, x_{-r}, \dots, \underline{x_0}, x_1, \dots \},$$

дзе  $x_k \in \mathbb{C}$ ,  $r$  – любы натуральны лік,  $h^k = \{ \dots, 0, \dots, 0, \underbrace{1}_{k-e \text{ месца}}, 0, \dots, 0, \dots \}$ , з множаннем у выглядзе дыскрэtnай згорткі Фур'е. Ейнае падмноства  $K_0$  элементаў выгляду

$x = \sum_{k=0}^{\infty} x_k h^k$  утварае алгебру паслядоўнасцей з множаннем у выглядзе дыскрэtnай згорткі Ляпласа [3]. Пазначым праз  $s$  адваротны да  $h$  элемент.

$K^{m \times m}$  – алгебра  $(m \times m)$ -матрыц з элементамі з  $K$ ,  $K_0^{m \times m}$  – алгебра  $(m \times m)$ -матрыц з элементамі з  $K_0$ . Матрыцы з  $K^{m \times m}$  уяўляюцца ў выглядзе фармальнага ступеневага

шэрагу  $A = \sum_{k=-r}^{\infty} A_k h^k$ ,  $A_k \in \mathbb{C}^{m \times m}$ . Заўважым, што тут маецца на ўвазе зручны спосаб запісу і пытанне збежнасці не паўстае. У дадзенай рабоце паўсюль будзе мецца на ўвазе, што матрыцы камутуюць паміж сабой.

Паслядоўнасць  $\{x_n\}_{n=-\infty}^{\infty}$  назавем пашыранай гіперпаслядоўнасцю.

Пазначым мноства пашыраных гіперпаслядоўнасцей праз  $\tilde{K}$ . У адрозненне ад гіперпаслядоўнасцей, пашыраныя гіперпаслядоўнасці могуць мець бясконцую колькасць ненулявых элементаў на месцах з адмоўнымі нумарамі. Відавочна, мае месца ўлучэнне  $K \subset \tilde{K}$ .

Праз  $K_- = \left\{ \{ \dots, x_n, \dots, x_{-1}, \underline{x_0}, \dots, x_m, 0, \dots, 0 \} \mid x_n \in \mathbb{C}, \forall n = \overline{-\infty, m}; m \in \mathbb{N}_0 \right\}$  пазначым мноства пашыраных гіперпаслядоўнасцей з канечнай колькасцю ненулявых элементаў на месцах з дадатнымі нумарамі, якое ўяўляе сабой “люстэркавы адбітак” алгебры  $K$ .